

素粒子の標準模型と ヒッグス粒子の役割

安江正樹
東海大学理学部物理学科
素粒子物理学専攻

内容

1. 素粒子とは？（2ページ）
2. 素粒子の力学へのヒント（4ページ）
3. 素粒子場の未知の力（2ページ）
4. 素粒子場のエネルギー（4ページ）
5. ヒッグス粒子による電子質量の生成（6ページ）
6. ヒッグス粒子の生成（4ページ）
7. 標準模型準拠の電子とヒッグス粒子（1ページ）

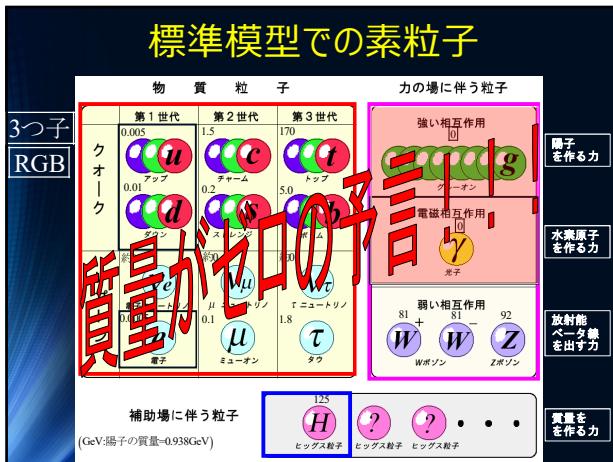
1. 素粒子とは？

素粒子の探索

物質を作る最小の構成要素

約 10^{-7} cm	水分子（=水素原子+酸素原子）
約 10^{-8} cm	酸素原子（=原子核+電子） 光
約 10^{-12} cm	原子核（=陽子+中性子：核子という）
約 10^{-13} cm	核子（=3つの夸克）
約 10^{-16} cm以下 (標準理論: 0 cm)	夸克

素粒子



素粒子の力学は何？

- 粒子(電子)であり波(光子)である 量子力学
(h: プランク定数)
 - エネルギー $E = h \frac{v}{\lambda}$
 - 運動量 $p = \frac{h}{\lambda}$
 - 光速や光速近くで移動できる 特殊相対性理論
(c: 光速度)
 - アインシュタインの関係式 $E = mc^2$ (静止中)
 - $E = \sqrt{p^2 c^2 + (mc^2)^2}$ (運動中)
 - (*) 3次元ベクトル表記: $\mathbf{p}, \bar{\mathbf{p}}$

量子力学からのヒント

- 素粒子の振る舞いの理論的予測 波動関数 $\psi(x,t) \left(\propto e^{ikx-i\omega t} \right)$
 - ▶ シュレディンガー方程式：
 $i\hbar \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial t} = E\psi(x,t)$ $\left(\hbar = \frac{h}{2\pi} \right)$
 - ▶ 不確定性関係 $[x, p] = i\hbar$: $-i\hbar \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial x} = p\psi(x,t)$
 - (*) 3次元ベクトル表記: $\psi(x,t) [x_i, p_j] = i\hbar \delta_{ij} \frac{\partial}{\partial x_i} \rightarrow \nabla$
 - 波動関数は複素数 \Leftrightarrow 観測値 (実験データ) は実数
 - ▶ $x_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \psi^*(x,t) \textcolor{blue}{x}\psi(x,t) dx \Rightarrow x_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \psi(x,t) \textcolor{blue}{x}\psi^*(x,t) dx = x_{\text{観測値}}$
 - ▶ $p_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \psi^*(x,t) \textcolor{blue}{p}\psi(x,t) dx = \int_{-\infty}^{\infty} \psi^*(x,t) \left(-i\hbar \frac{\partial}{\partial x} \right) \psi(x,t) dx$
 $\Rightarrow p_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \psi(x,t) \left(+i\hbar \frac{\partial}{\partial x} \right) \psi^*(x,t) dx = p_{\text{観測値}}$
 - (*) $\psi(\pm\infty, t) = 0$ 部分積分 ↑

特殊相対性理論からのヒント

$$E^2 = \boxed{p^2 c^2 + m^2 c^4} \quad (*) \quad E = \sqrt{p^2 c^2 + (mc^2)^2}$$

$$E^2 \psi(x, t) = \boxed{p^2 c^2 + m^2 c^4} \psi(x, t) \Leftarrow \text{波動関数 } \psi(x, t)$$

$$\Leftarrow E \psi(x, t) = i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \psi(x, t) \quad p \psi(x, t) = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x} \psi(x, t)$$

$$\left(i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \right)^2 \psi(x, t) = \boxed{-i\hbar \frac{\partial}{\partial x}}^2 c^2 \psi(x, t) + m^2 c^4 \psi(x, t) \Leftarrow \begin{cases} 4\text{次元座標} \\ ([ct], x, y, z) \end{cases}$$

$$\boxed{\frac{\partial^2}{\partial t^2} \psi(x, t) - \left(\frac{\partial}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2} \psi(x, t) = 0 \quad \text{素粒子の運動方程式}$$

クライン・ゴルドン方程式



クラインゴルドン方程式と背後にある力

静止中の素粒子場 $\psi(x, t)$

$$\Rightarrow \text{運動量} = 0 \Rightarrow p \psi(x, t) = -i\hbar \frac{\partial \psi(x, t)}{\partial x} = 0$$

$$\Rightarrow \psi(x, t) = \text{どの場所}(x) \text{でも同じ値}$$

$$\cancel{\frac{\partial^2}{c^2 \partial t^2} \psi(x, t) = \frac{\partial^2}{\cancel{\partial x}} \psi(x, t) - \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 \psi(x, t)}$$

xに依らない

- 素粒子場の運動方程式??? $\frac{\partial^2}{c^2 \partial t^2} \psi(x, t) = -\left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 \psi(x, t) = \text{力の源} ???$
- 物体の運動方程式 $m \frac{d^2}{dt^2} x(t) = -mg (= F_{重力})$: 例えれば重力

力が分からぬときの力学

- 解析力学 ラグランジュ関数 $L(x, v, t) \Leftarrow v = \frac{dx}{dt}$

解析力学と未知の力

- ラグランジュ運動方程式 $\boxed{\frac{dP}{dt} = \frac{dL}{dx} = F_{未知}} \Leftarrow P = \frac{\partial L}{\partial v} \left(v = \frac{dx}{dt} \right)$
 - ニュートン力学 $L = \frac{1}{2}mv^2 - U(x) \Leftarrow U(x) \text{の例: } U(x) = mgx$
 - 運動方程式 $\begin{cases} P = \frac{\partial L}{\partial v} = mv \Rightarrow \frac{dP}{dt} = m \frac{dv}{dt} \left(= m \frac{d^2x}{dt^2} \right) \\ F_{未知} = \frac{\partial L}{\partial x} = \frac{d(-U(x))}{dx} = -mg \left(= F_{重力} \right) \end{cases} \Rightarrow \boxed{m \frac{dv}{dt} = -mg}$
- ラグランジュ関数 L は観測できない \Rightarrow エネルギーに似ている

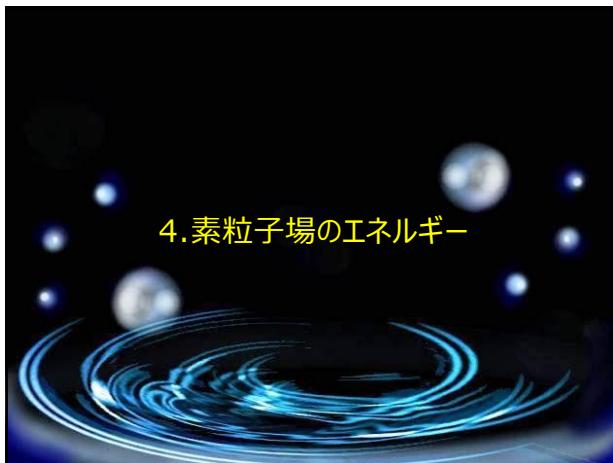
$$L = \frac{1}{2}mv^2 - U \Leftrightarrow E = \frac{1}{2}mv^2 + U$$
 - 観測可能なエネルギー $\boxed{E = Pv - L} \left(P = \frac{\partial L}{\partial v} \right)$ (*) ルジヤンドル変換
 - ニュートン力学からの答え $E = \boxed{\frac{1}{2}mv^2 + U}$ $L = \boxed{\frac{1}{2}mv^2 - U} \Rightarrow E = \boxed{\frac{P^2}{2m} + U}$

素粒子場のラグランジュ関数

- 素粒子場の運動方程式 $\frac{\tilde{c}^2 \partial \psi(x,t)}{c \partial t} = -\left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi(x,t)$
- 知っているラグランジュ関数から…
 $L = \frac{1}{2} m \left(\frac{dx}{dt} \right)^2 - U(x) \Rightarrow \boxed{\frac{d}{dt} \frac{dL(x)}{dv} = \frac{dL(x)}{dx}} \Rightarrow m \frac{dv}{dt} = m \frac{d^2}{dx^2} x = -\frac{dU}{dx} \quad (v = \frac{dx}{dt})$
- こんな感じかな?
 $L = ??? (\Rightarrow E) = \text{実数} \Leftarrow \boxed{???, \frac{\partial v}{\partial t} = -\left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi(x,t)} \quad (v = \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial t})$
- 推論すると…
 $\frac{d}{dt} \frac{dL(x)}{dv} = \frac{dL(x)}{dx} \Rightarrow \begin{cases} \frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial v} = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial \psi} \\ \frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial v^*} = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial \psi^*} \end{cases} \quad (*) \text{実数} = \begin{cases} \psi + \psi^* \\ i(\psi - \psi^*) \end{cases}$
- できたかも?
 $L = v^* v - \psi^* \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi \Rightarrow \boxed{\frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial v^*} = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial \psi^*}} \Rightarrow \boxed{\frac{\partial v}{\partial t} = \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi}$

素粒子場の運動方程式

- 素粒子場のラグランジアン
 $L = v^* v - \psi^* \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi = \left(\frac{\partial \psi(x,t)}{\partial t}\right)^* \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial t} - \psi^* \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi$
- 素粒子場の運動方程式
 $\begin{cases} \frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial v} = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial \psi} \\ \frac{\partial}{\partial t} \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial v^*} = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial \psi^*} \end{cases} \quad \begin{cases} P = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial v^*} = v = \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial t} \\ F_{\text{未知}} = \frac{\partial L(\psi, \psi^*)}{\partial \psi^*} = -\left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi \end{cases}$
- 素粒子場のエネルギー-??? H $\boxed{E = Pv - L} \Leftarrow P = \frac{dv}{dt} \quad (v = \frac{dx}{dt})$



素粒子のエネルギー H

- 静止中 $L = v^* v - \psi^* \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi = \frac{\partial \psi^*}{\partial t} \frac{\partial \psi}{\partial t} - \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi^* \psi$
- 素粒子のエネルギー $\boxed{E = Pv - L} \quad (P = \frac{dv}{dt} = mv)$
 $H = Pv + P^* v^* - L \quad \boxed{P = \frac{\partial L}{\partial v^*} = v^* = \frac{\partial \psi^*}{\partial t}, P^* = \frac{\partial L}{\partial v} = v = \frac{\partial \psi}{\partial t}}$
 $= v^* v + \psi^* \left(\frac{mc}{\hbar}\right)^2 \psi = \left| \frac{1}{c} \frac{\partial \psi}{\partial t} \right|^2 + \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 |\psi|^2$
- 運動中 $\Rightarrow p\psi(x,t) = -ih \frac{\partial \psi(x,t)}{\partial x} \Rightarrow H = \left| \frac{1}{c} \frac{\partial \psi}{\partial t} \right|^2 + \left| \frac{\partial \psi}{\partial x} \right|^2 + \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 |\psi|^2$
 $\boxed{H_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\left| \frac{1}{c} \frac{\partial \psi}{\partial t} \right|^2 + \left| \frac{\partial \psi}{\partial x} \right|^2 + \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 |\psi|^2 \right) dx \quad \left(\left| \frac{\partial \psi}{\partial x} \right|^2 \rightarrow \sum_{i=1}^3 \nabla_i \psi^* \nabla_i \psi \right)}$

ヒッグス粒子と電子のエネルギー

- ヒッグス粒子のエネルギー $\phi(x, t)$ 光子, W^\pm, Z^0 など(スピン量子数=0,1)

$$H_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left[\left| \frac{1}{c} \frac{\partial \phi}{\partial t} \right|^2 + \left| \frac{\partial \phi}{\partial x} \right|^2 + \left(\frac{m_h c}{\hbar} \right)^2 |\phi|^2 \right] dx \quad \left(\frac{|\partial \phi|^2}{\partial x} \rightarrow \sum_{i=1}^3 \nabla_i \phi \nabla_i \phi \right) \quad \begin{array}{c} \text{電荷} \\ \text{中性} \\ \text{電荷} \end{array}$$
- 電子のエネルギー $\psi(x, t)$ e
 - 質量 m_e
 - トリノ, クォークなど(スピン量子数= $\frac{1}{2}$)
$$H_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\psi^{*T} i \frac{\partial \psi}{\partial t} + \psi^{*T} \gamma^0 \gamma^1 i \frac{\partial \psi}{\partial x} + \frac{m_e c}{\hbar} \psi^{*T} \gamma^0 \psi \right) dx \quad \left(\gamma^1 \frac{\partial \psi}{\partial x} \rightarrow \sum_{i=1}^3 \gamma^i \nabla_i \psi \right)$$

$$\psi(x, t) = \begin{pmatrix} * & \text{電子の波動関数} \\ * & \\ * & \end{pmatrix} \quad \gamma^{0,1,2,3} = \overbrace{4 \times 4 \text{行} \times 4 \text{列}}^{\text{デイラックの}\gamma\text{行列}} = \begin{pmatrix} * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & * \end{pmatrix} \quad \begin{array}{c} \text{電子} \\ \text{陽電子} \\ \text{の複素共役} \end{array}$$

素粒子のエネルギーの基準

- どこを基準にして測るかでエネルギーの値は変わる
- 通常、エネルギー値0を基準にして、増加分を測る

数学による定義 $H_{\text{観測値}} = \text{最低エネルギー状態} = \text{真空}$

$$H_{\text{観測値}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left[\left| \frac{1}{c} \frac{\partial \phi}{\partial t} \right|^2 + \sum_{i=1}^3 \nabla_i \phi \nabla_i \phi + \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 |\phi|^2 \right] dx dy dz$$

$$\geq \int_{-\infty}^{\infty} \left[\left| \frac{1}{c} \frac{\partial \phi}{\partial t} \right|^2 + \sum_{i=1}^3 \nabla_i \phi \nabla_i \phi + \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 |\phi|^2 \right] dx dy dz$$

$$= \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 \overbrace{\int_{-\infty}^{\infty} dx dy dz}^{\text{一定の値}} = \left(\frac{mc}{\hbar} \right)^2 V \geq 0 \quad (\phi = 0 \text{ で 最低値 } 0)$$

$H_{\text{観測値}} \geq \text{最低エネルギー状態の値} = 0 (= H_{\text{真空}})$

最低エネルギー状態を基準にする



ヒッグス粒子と電子質量(m_e)生成

$$H_{\text{電子}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\psi^{*T} i \frac{\partial \psi}{\partial t} + \psi^{*T} \gamma^0 \gamma^1 i \frac{\partial \psi}{\partial x} + \frac{m_e c}{\hbar} \psi^{*T} \gamma^0 \psi \right) dx$$

$$H_{\text{質量}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left[\frac{m_e c}{\hbar} \psi^{*T} \gamma^0 \psi \right] dx = \psi(x, t) = \begin{pmatrix} * & \text{電子の波動関数} \\ * & \\ * & \text{陽電子の波動関数} \\ * & \text{の複素共役} \end{pmatrix}$$

- 運動しないヒッグスのエネルギー = 一定値 ≠ 0 ???

$$H_{\text{質量}} = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{m_e c}{\hbar} \psi^{*T} \gamma^0 \psi dx \Rightarrow m_e = \boxed{\frac{-\text{一定の値}}{|\phi|}} \Rightarrow H_{\text{質量}} = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{c}{\hbar} \frac{|\phi|^2}{|\phi|} \psi^{*T} \gamma^0 \psi dx$$

(*)厳密に言うと: $\phi = \boxed{|\phi|} + \phi_{\text{量子場}}$

- 運動しないヒッグスの最低エネルギー = 0

$$H_{\text{ヒッグス}} = \left(\frac{m_h c}{\hbar} \right)^2 \overbrace{\int_{-\infty}^{\infty} dx dy dz}^{\text{一定の値}} = \left(\frac{m_h c}{\hbar} \right)^2 \overbrace{\int_{-\infty}^{\infty} dx dy dz}^{\text{一定の値}} V = 0 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{自動的に } \overbrace{|\phi|^2}^{\text{一定の値}} = 0 \\ m_e = 0 \text{ が導かれる} \end{array} \right.$$

ヒッグス粒子と自発的電子質量生成

$$H_{\text{電子質量の源}} = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{m_e c}{\hbar} \psi^{*T} \gamma^0 \psi dx = \int_{-\infty}^{\infty} f_e \psi^{*T} \gamma^0 \phi \psi dx \quad \left(m_e = f_e \begin{cases} \text{一定の値} \\ |\phi| \neq 0 \end{cases} \right)$$

$$H_{\text{ヒッグス}} = \left(\frac{m_e c}{\hbar} \right)^2 |\phi|^2 \quad V \geq 0 \Rightarrow |\phi|^2 = 0 \text{ が最低値を与える} \quad \left(\begin{cases} \text{一定の値} \\ |\phi| = 0 \end{cases} \right)$$

- 数学による解析 $\Rightarrow \boxed{|\phi| \neq 0}$ (最低値のエネルギーを与える)???
- ヒッグスさんは、考えた…

$H_{\text{ヒッグス}} / V (= \text{エネルギー密度}) = \left(\frac{m_e c}{\hbar} \right)^2 |\phi|^2 + \lambda |\phi|^4 \quad (\lambda > 0) \quad \boxed{\mu = \frac{m_e c}{\hbar}}$

$\boxed{|\mu|^2 \geq 0} \quad H_{\text{ヒッグス}} / V = \mu^2 |\phi|^2 + \lambda |\phi|^4 \geq 0 \Rightarrow |\phi|^2 = 0 \text{ で最低値}$

$\boxed{|\mu|^2 < 0} \quad H_{\text{ヒッグス}} / V = \left(|\phi|^2 + \frac{\mu^2}{2\lambda} \right)^2 - \frac{\mu^4}{4\lambda} \geq -\frac{\mu^4}{4\lambda} \Rightarrow \boxed{|\phi|^2 = -\frac{\mu^2}{2\lambda} \neq 0} \text{ で最低値}$

μ は虚数質量 m_h を与え許されない

虚数質量のヒッグス

$$|\phi|^2 = -\frac{\mu^2}{2\lambda} > 0 \Leftrightarrow \boxed{\mu^2 < 0} \Leftrightarrow \boxed{\mu^2 = \left(\frac{m_h c}{\hbar} \right)^2} \Leftrightarrow \boxed{m_h^2 < 0} \Leftrightarrow \boxed{m_h = i|m_h|}$$

- 光速を超えて移動 $\frac{v}{c} = \frac{pc}{E} = \frac{pc}{\sqrt{p^2 c^2 + m_h^2 c^4}} = \frac{pc}{\sqrt{p^2 c^2 - |m_h|^2 c^4}} > 1 \Rightarrow v > c$
- 因果律を破る
 - 入試問題の内容が入試が終わった未来から送られてくる
- 南部陽一郎(1961)による処方箋 
 - ヒッグスさん達は、この処方箋を用いてヒッグス粒子の困難を解決
 - ヒッグスさんの論文のレフリーは南部さん
- ◆ $H_{\text{ヒッグス}} / V = 0$ から素粒子のエネルギーを測ると虚数質量
- ◆ $H_{\text{ヒッグス}} / V = -\frac{\mu^4}{4\lambda}$ から素粒子のエネルギーを測り直す

実数質量のヒッグス粒子

$$\frac{H_{\text{ヒッグス}}}{V} = \boxed{-\frac{\mu^4}{4\lambda}} \text{ から素粒子のエネルギーを測り直す}$$

$$(*) \phi = \boxed{|\phi|} + \phi_{\text{量子場}} \Rightarrow \phi = \boxed{|\phi|} + \phi_{\text{量子場}}$$

$$\frac{H_{\text{ヒッグス}}}{V} = \boxed{0} + \left(\frac{m_e c}{\hbar} \right)^2 |\phi|^2 + \lambda |\phi|^4 \quad (\lambda > 0)$$

複素数 $\hat{\phi} = \frac{v+h}{\sqrt{2}} e^{i\xi}$ $|\phi|_{h=\xi=0} = \frac{v}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{\mu^2}{2\lambda}}$: v for expectation value $0+h(0 \text{ からでなく}) \quad v+h(v \text{ から測り直す})$

$$= \boxed{0} + \mu^2 \left| \frac{v+h}{\sqrt{2}} e^{i\xi} \right|^2 + \frac{\lambda}{4} \left| \frac{v+h}{\sqrt{2}} e^{i\xi} \right|^4 \quad \left(|e^{i\xi}| = 1 \right)$$

$$= \boxed{\frac{\mu^4}{4\lambda}} + \frac{1}{2} \left(-2\mu^2 \right) h^2 + \lambda v h^3 + \frac{\lambda}{4} h^4$$

$$\Leftarrow m_h^2 = \frac{\partial^2}{\partial h \partial h} \left(\frac{H_{\text{ヒッグス}}}{V} \right) \Big|_{h=0} = -2\mu^2 > 0$$

ヒッグス機構

$$H_{\text{電子質量の源}} = \int_{-\infty}^{\infty} f_e \overline{\psi^{*T} \gamma^0} \phi \psi dx = \int_{-\infty}^{\infty} f_e \Psi^{*T} \phi \psi dx \quad \left(\begin{array}{l} \Psi : \text{主に電子}(e^+) = e^- \\ \text{の複素共役} = e^{+*} \end{array} \right)$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} f_e (e^{+*})^{*T} \phi e^- dx = \int_{-\infty}^{\infty} f_e e^{+T} \phi e^- dx \quad \Leftarrow \phi = \frac{h+v}{\sqrt{2}} e^{i\xi} \left(\frac{v}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{\mu^2}{2\lambda}} \right)$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} f_e e^{+T} \frac{h+v}{\sqrt{2}} e^{i\xi} e^- dx = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{f_e}{\sqrt{2}} e^{+T} h + \frac{f_e v}{\sqrt{2}} e^{+T} \right) e^{i\xi} e^- dx$$

$$\Leftarrow e^- = e^{i\xi} e^- (= \text{ヒッグス粒子}(\xi) \text{ を吸い込んだ電子})$$

$$\Leftarrow e^- = e^{i\xi} e^- (= \text{実験で観測される電子})$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{f_e}{\sqrt{2}} e^{+T} h e^- + \frac{f_e v}{\sqrt{2}} e^{+T} e^- \right) dx = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{f_e}{\sqrt{2}} e^{+T} h e^- + [m_e e^{+T} e^-] \right) dx$$

$$\boxed{m_e = \frac{f_e v}{\sqrt{2}} \left(\frac{v}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{\mu^2}{2\lambda}} \right)}$$

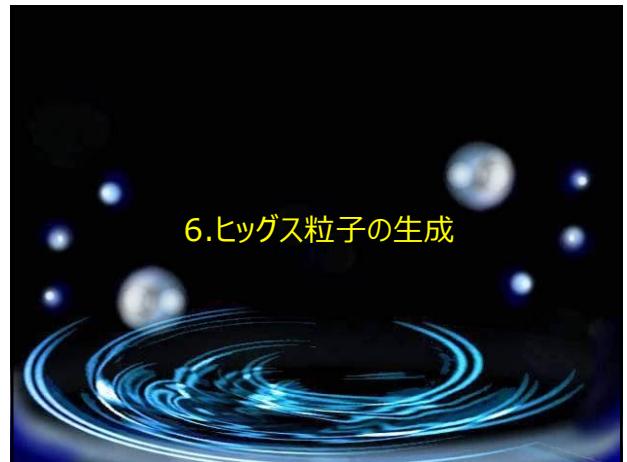
ヒッグス機構のイメージ

- 質量ゼロの素粒子から質量有りの素粒子へ $E = \sqrt{|\mathbf{p}|^2 c^2 + m^2 c^4}$

$\mu^2 > 0$ 質量ゼロ素粒子: γ = 質量 m の素粒子: $e^+ e^-$ ヒッグス(ξ)
 $\mu^2 < 0$ $E = |\mathbf{p}|c$ $E_{\text{最小}} = 0$ $E = \sqrt{p^2 c^2 + m^2 c^4}$
 $E = \sqrt{p^2 c^2 + m^2 c^4}$
 $E_{\text{最小}} = -\frac{\mu^2}{4\lambda}$

- 虚数質量のヒッグスから実数質量のヒッグスへ

負の m_h^2 } $E_{\text{最小}} = 0$ } 正の m_h^2
 $\mu^2 = \left(\frac{m_h c}{\hbar} \right)^2$ $E_{\text{最小}} = -\frac{\mu^2}{4\lambda}$



ヒッグス粒子の生成過程

$H_{\text{電子質量の源}} = \int_{-\infty}^{\infty} \left(\frac{f_e}{\sqrt{2}} e^{+T} h e^- + [m_e e^{+T} e^-] \right) dx \quad \left(m_e = \frac{f_e v}{\sqrt{2}} \right)$

$e^{+T} h e^- \Rightarrow \begin{cases} h \rightarrow e^+ e^- & f_e \text{ が大きいほどたくさん生成される} \\ e^+ e^- \rightarrow h & \Rightarrow m_e = \frac{f_e v}{\sqrt{2}} \\ & m_e \text{ が大きいほどたくさん生成される} \end{cases}$

m_e に対する質量比 1 : 200 : 1900

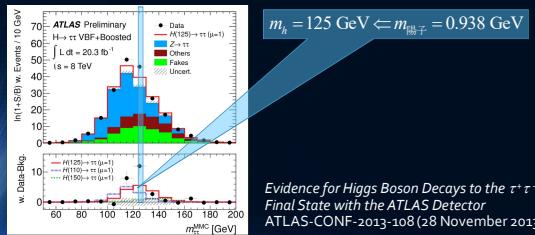
$h \rightarrow \tau^+ \tau^-$



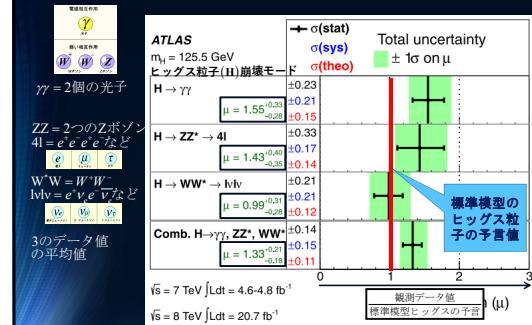
観測されたヒッグス粒子

$$H_{\text{タウ質量の源}} = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{f_\tau}{\sqrt{2}} \tau^+ \tau^- dx \left(m_\tau = \frac{f_\tau v}{\sqrt{2}} \right)$$

$h \rightarrow \tau^+ \tau^-$



標準模型の予言とヒッグス粒子



エングランドさん・ヒッグスさん(1964)



7. 標準模型準拠の電子とヒッグス粒子



標準模型でのヒッグス機構

$$\begin{pmatrix} V_e \\ e^- \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} V_e \\ e^- \end{pmatrix}$$

$$H_{\text{電子質量の源}} = \int_{-\infty}^{\infty} f_e e^+ \phi e^- dx dy dz = \int_{-\infty}^{\infty} f_e e^+ (\phi^+, \phi^0) \begin{pmatrix} V_e \\ e^- \end{pmatrix} dx dy dz = (\phi^+, \phi^0)^*$$

$$\phi = \frac{h+v}{\sqrt{2}} e^{i\xi}$$

$$\phi = \begin{pmatrix} \phi^+ \\ \phi^0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ h+v \end{pmatrix} e^{i \begin{pmatrix} \xi^+ & \xi^- \\ \xi^+ & -\xi^- \end{pmatrix}}$$

$$e^{-i} = e^{i\xi} e^- \quad \begin{pmatrix} V'_e \\ e^- \end{pmatrix} = e^{i \begin{pmatrix} \xi^+ & \xi^- \\ \xi^+ & -\xi^- \end{pmatrix}} \begin{pmatrix} V_e \\ e^- \end{pmatrix} \quad \begin{cases} \text{観測される} \\ \text{ニュートリノ} (\nu_e) \end{cases}$$

$$\begin{pmatrix} W^+ \\ Z \\ W^- \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} W^+ \oplus \xi^+ \\ Z \oplus \xi^0 \\ W^- \oplus \xi^- \end{pmatrix} \quad \begin{cases} \text{観測される} \\ W^\pm, Z \end{cases}$$